## 2024年度

中等部第3回

## 算数

令和 6 年 2 月 4 日実施 50 分

## 〔受験上の注意〕

- 1. 問題は 1 ~ 5 まであります。
- 2. 解答時間は50分です。
- 3. 解答用紙はこの冊子の最後にあります。

解答は解答用紙の所定のとこ ろに記入してください。

4. 問題用紙・解答用紙に、 受験番号・氏名を記入して ください。

受験番号	氏	名

円周率は 3.14 とします。

## 1

(1) 次の計算をしなさい。

$$\left\{ \left( 4 - \frac{1}{3} \right) \times 6 - 4 \div 5 \right\} - \left( \frac{9}{20} + 0.75 \right)$$

(2) 次の にあてはまる数を求めなさい。ただし、どちらにも同じ数が入ります。

$$\left(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \square\right) \div \left(1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \square\right) = 1$$

(3) 現在、Aさんは 12 歳、父は 40 歳です。Aさんの年齢を 5 倍した数と 父の年齢を 3 倍した数が等しくなるのは、何年後ですか。

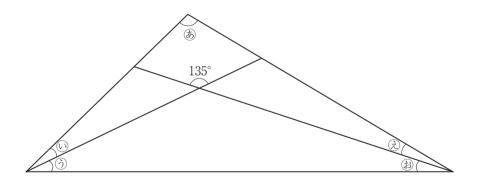
(4) チョコレートケーキ 3 個とショートケーキ 2 個の代金は 1930 円、チョコレートケーキ 5 個とショートケーキ 1 個の代金は 2260 円でした。チョコレートケーキ 1 個とショートケーキ 1 個はそれぞれ何円ですか。

(5) 長さ 160 m、時速 72 kmの急行列車が、長さ 120 m、時速 60 kmの 普通列車に追いついてから追い越すまでに何秒かかりますか。

(7) ある仕事をするのにAさんが一人ですると 9 時間、AさんとBさんが 二人ですると 3 時間かかります。この仕事をBさんが一人ですると何時間 何分かかりますか。

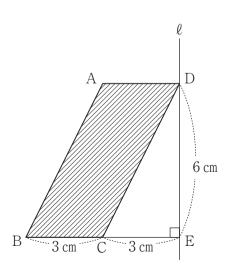
(6) ボールを的に当てると 5 点もらえ、的を外すと 8 点引かれるゲームがあります。100 点の状態からこのゲームをスタートし、10 回ボールを投げたところ、111 点になりました。何回的を外しましたか。

(8) 図のような三角形があり、⑥と⑤の角度の大きさの比が 2:3、②と⑧ の角度の大きさの比も 2:3 のとき、⑧の角度は何度ですか。

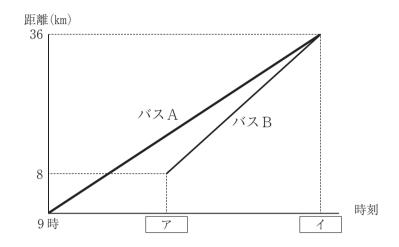


(9) 昨年は、仕入れ値 150 円の商品に 8 %の利益を見込んで、定価をつけて売っていました。しかし今年は、材料費が高くなったことにより、仕入れ値が 6 %上がってしまいました。昨年と同じ金額の利益を得るには、今年の定価は何円にしたらよいですか。

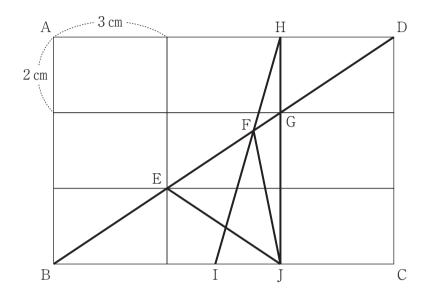
(10) 図のように、平行四辺形ABCDと直線  $\ell$  があり、BC=3 cm、CE=3 cm、DE=6 cmです。この平行四辺形ABCDを、直線  $\ell$  を軸として 1 回転させたときにできる立体の体積は何 $cm^3$ ですか。



2 ホテルSと水族館は36 km離れていて、その間にホテルTがあり、ホテルSとホテルTの距離は8 kmです。バスAがホテルSを出発したあと、バスBはホテルTを出発し、それぞれ速度を変えずに進み、2台が同時に水族館に到着しました。下のグラフは、バスAが9時にホテルSを出発してからの時刻と、ホテルSからバスまでの距離との関係を表したものです。



- (1) バスAの速さが時速 80 kmであるとき、次の問いに答えなさい。
  - ① イ の時刻は何時何分ですか。
  - ② ア の時刻が 9 時 11 分であるとき、バスBの速さは時速何km ですか。
- (2) バスA、Bの速さがそれぞれ時速 90 km、時速 100 kmであるとき、2 台のバスが同時に水族館に着くためには、バスBは何時何分何秒に出発すればよいか、求めなさい。また、なぜそうなるのかを図や式などを使って説明しなさい。



- (1) 次の アー~ ウ にあてはまる数を求めなさい。
  I J は ア cmであり、BF: FDをもっとも簡単な整数の比で表すと
  イ : ウ である。
- (2) FG:GDをもっとも簡単な整数の比で答えなさい。
- (3) EF:FGをもっとも簡単な整数の比で答えなさい。
- (4) 三角形EJFの面積は何cm<sup>2</sup>ですか。

4 正三角形のカードを、図 1 のように 4 つの正三角形に分け、その中に数字を書いたものを、図 2 のように順番に作っていきます。このとき、次の問いに答えなさい。

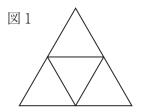
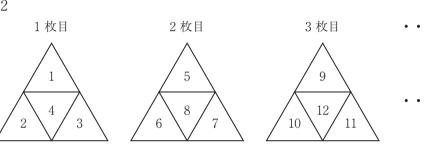
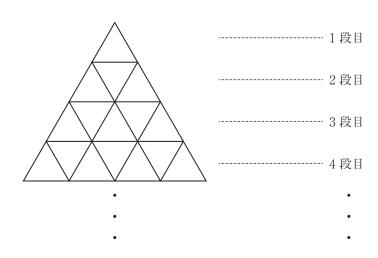


図 2



- (1) 8枚目のカードに書かれているもっとも小さい数ともっとも大きい数を それぞれ求めなさい。
- (2) 次に、これらのカードを貼り合わせることで、図 3 のような大きな 正三角形を作っていき、上から順に 1 段目、2 段目、3 段目、・・・と よぶことにします。

図 3

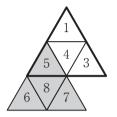


カードは、図4のように、2段目に2枚、3段目に3枚、4段目に4枚、・・・という規則で貼っていきます。

図 4

2枚目を貼った

3枚目を貼った

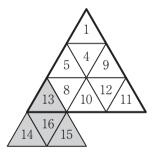


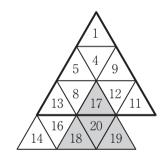
1 5 4 9 6 8 10 12 11

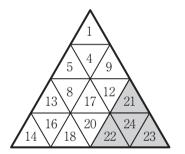
4枚目を貼った

5枚目を貼った

6枚目を貼った



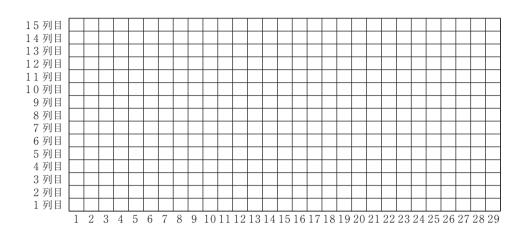




このとき、たとえばりは2段目の左から3番目の位置にあります。

- ① 33 は何段目の左から何番目の位置にありますか。
- ② 2024 は何段目の左から何番目の位置にありますか。また、なぜそうなるのかを図や式などを使って説明しなさい。

**5** 図のように、座席が1列に29席ずつ15列あるホールがあり、来場者は以下のルールで席に座ることになっています。

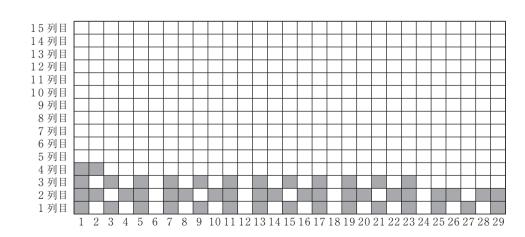


ルール①:1つのグループの人数は1名または2名とし、2名グループは左右に 並んで座る。

ルール②:1名グループは奇数列に、2名グループは偶数列に座る。

ルール③:番号の小さい列の左端の座席から座り、グループごとに1座席空ける。

たとえば、1 名グループが 27 グループ、2 名グループが 11 グループ来場 した場合、来場者が座る座席を黒くぬると、以下のようになります。



このとき、「ア」~「ケ」にあてはまる数を求めなさい。

- (1) 1 名グループは最大で<u>ア</u>グループ、2 名グループは最大で<u>イ</u>グループ座ることができるので、このホールには最大で<u>ウ</u>名が座ることができます。
- (2) 来場者全員を着席させたところ、来場者が 1 人も座っていないのは 13 列目 から 15 列目までの 3 列だけでした。
  - ① 来場者はもっとも多くて エ 名です。また、来場者がもっとも
    少ない場合は、 オ 列目と カ 列目にそれぞれ 1 グループずつ
    座っているときなので、 キ 名となります。
  - ② 来場者が 190 名のとき、グループ数は ク グループ以上 ケ グループ以下とわかります。

